

Antal tillstånd med Energi  $\leq E$

$$\Gamma(E) = \frac{\mathcal{V}}{6} \sqrt{\frac{E}{E_0}}^3 = \frac{\mathcal{V}}{6} \sqrt{\frac{E}{\frac{\hbar^2 \mathcal{V}^2}{2m a^2}}}$$

$E = n_0^2 E_0$   
 $n_0 = \sqrt{\frac{E}{E_0}}$

$$\Gamma(E) = \frac{a^3}{6 \hbar^3 \mathcal{V}^2} (2mE)^{3/2}$$

forts. förel. 14

# Föreläsning 14

$$a^3 = V_{\text{vol}}$$

$$g(E) = \frac{d\Gamma(E)}{dE} = \frac{V_{\text{vol}}}{6 \hbar^3 \mathcal{V}^2} \left(\frac{3}{2} \cdot 2m\right) (2mE)^{1/2}$$

↑  
 "antal tillstånd per intervall  $dE$ "

$$g(E) = \frac{V_{\text{vol}} m}{2 \mathcal{V}^2 \hbar^3} \sqrt{2mE} = \frac{4\sqrt{2} \mathcal{V} m^{3/2}}{\hbar^3} \sqrt{E} \cdot V_{\text{vol}}$$

↑  
 KATT

↑  
 Concepts

$$n(E) = \frac{2g(E)}{V_{\text{vol}}} = \frac{4\sqrt{2} \pi m^{3/2}}{h^2} \sqrt{E}$$

Tillståndstäthet:

Antalet tillstånd per volym och per energiintervall!

För att räkna med spinnskonfigurationer så lägg till en tvåor

Tolkning:

Antal tillstånd inom energiintervall  $\Delta E$  ( $dE$ )

$$N = n(E) \cdot \Delta E \cdot V_{\text{vol}}$$

Antal elektroner från plats upp till energi  $E$ .

$$N = V_{\text{vol}} \int_0^E n(E) dE$$

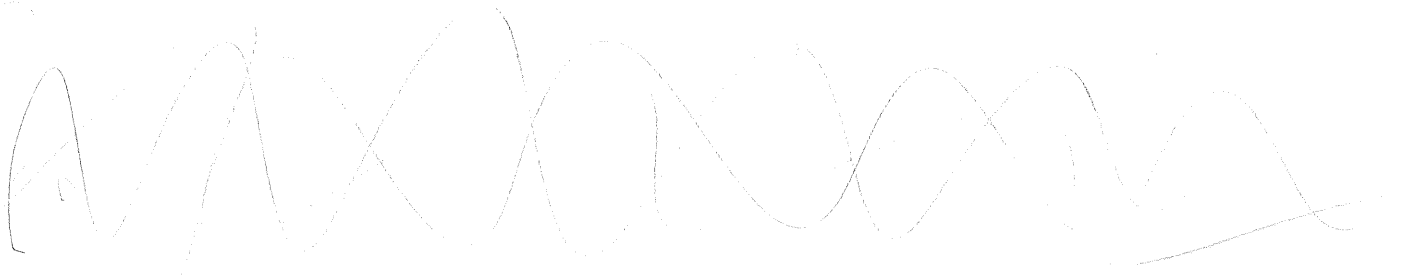
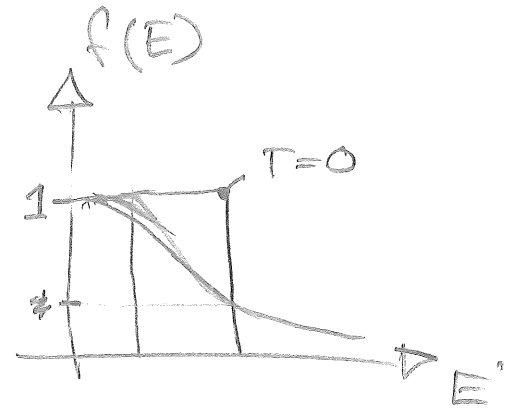
$n(E) \cdot f(E)$  = Antalet ockuperade tillstånd med energi  $E$ , per energiintervall och volym, eller antalet elektroner med en viss energi, per energiintervall och volym

# Paulipartiklar

2 elektroner (fermioner) kan inte ha samma kvanttal/samma kvanttillstånd.

Fermifunktion:

$$f(E) = \frac{1}{1 + e^{\frac{E - E_F}{kT}}}$$



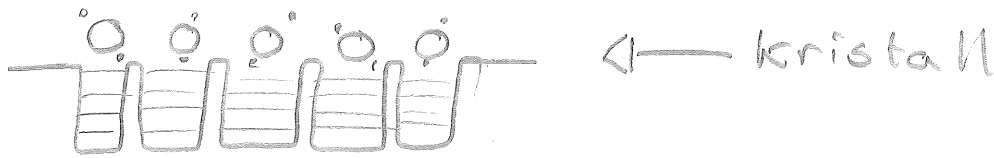
# Fermienergi

Om jag vet att jag har  $n$  elektroner per volym.

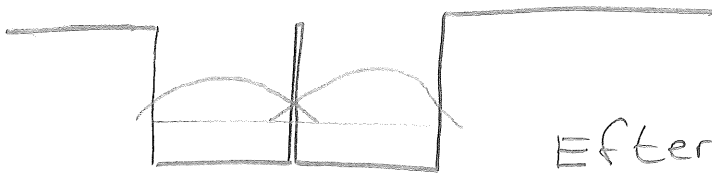
Vad är då  $E_F$ ?

$$n = \int_0^{E_F} n(E) \cdot f(E) dE$$

# KVANTSTRUKTURER



Dubbelbrunn:



$V_a(x)$   $V_b(x)$

smal  
barriär som  
kan tunnlas  
igenom

Efter ett tag har man  
ingen koll på var elektronen  
är. 50/50.

små tunnli-tid

lång tid

Elektronen "ser" båda brunnarna  
(om barriären tillåter tunnling)

$$V(x) = V_a(x) + V_b(x)$$

$$SE: -\frac{\hbar^2}{2m} (\psi_{ab}''(x)) + (V_a + V_b) \psi_{ab} = E \psi_{ab}$$

# Ansats

$$\Psi_{ab} = C_1 \phi_a(x) + C_2 \phi_b(x)$$

är lösningen för S.E för kurva

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \phi_a'' + V_a \cdot \phi_a = E \phi_a \quad (\text{brunn } A)$$

## Lösning!

$$E = E_g + E_1 \pm \gamma$$



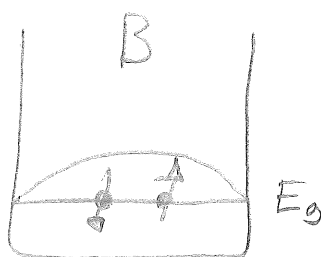
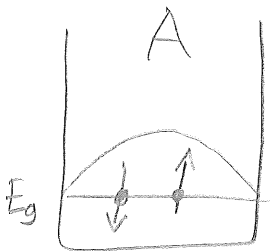
hos tillst.

i dubbelbrunn

en liten förskjutning



en liten splittring



en brunn

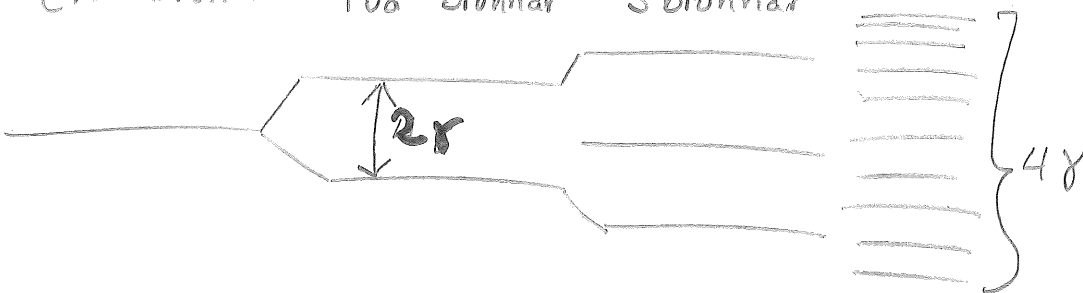
två brunnar

3 brunnar

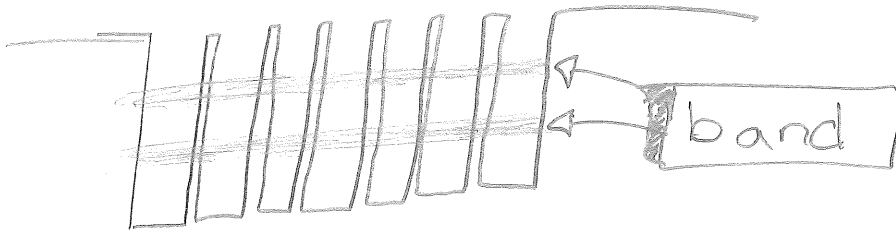
n brunnar

~~10~~ brunnar

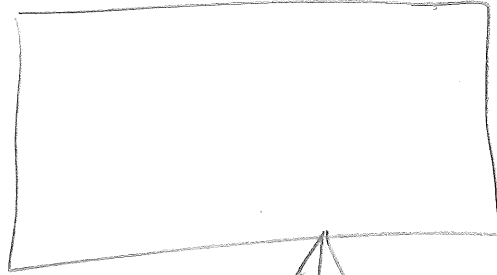
$E_g$



# KRISTALL

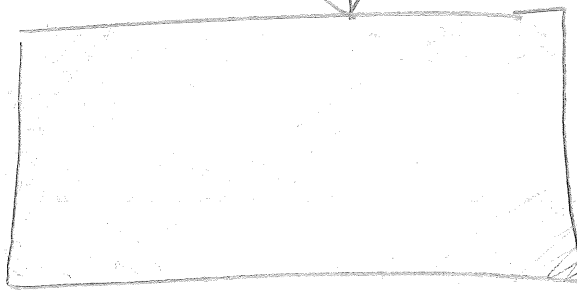


Lednings-  
band

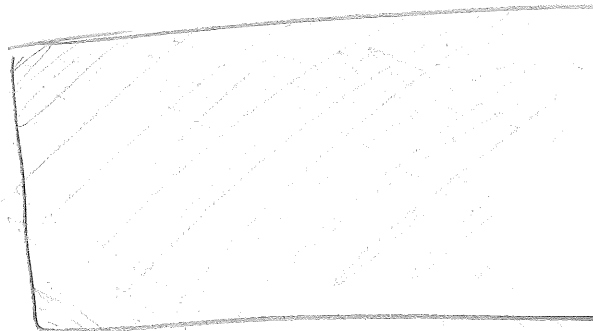


bandgap

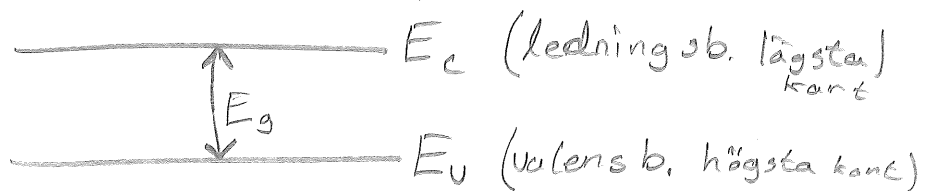
Valens-  
band,  
(högsta  
helt fyllda)



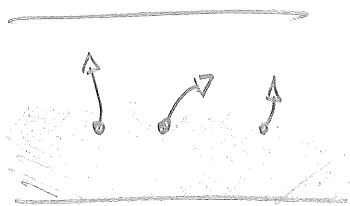
Antal  
fyllda band



Så här ritas det



# Tre fundamentala typer av bandstrukturer

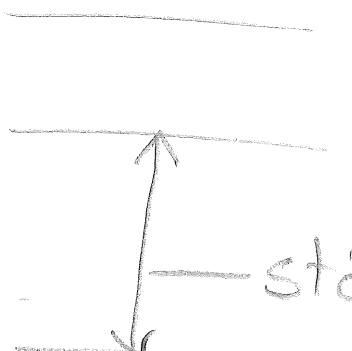


← halvfullt ledningsband

~~stort bandgap~~

METALLER

LEDARE



← tomt ledningsband

stort stort bandgap

ISOLATOR

↑ ↓ litet bandgap

HALVLEDARE